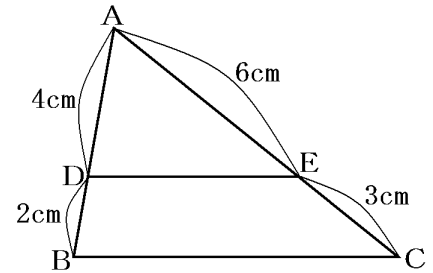


第 10 章	数学(3 年)	名前:	日 付	No.02
	三角形の相似			

[問題 1]

右の図で, $\triangle ADE \sim \triangle ABC$ であることを証明しなさい。

(ただし, 仮定・結論は省略する)



[解答欄]

$\triangle ADE$ と $\triangle ABC$ において,

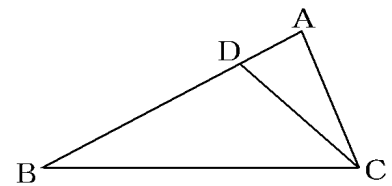
$\angle A$ は共通...①

$AD : AB = 4 : 6 = 2 : 3$, $AE : AC = 6 : 9 = 2 : 3$ なので, $AD : AB = AE : AC$...②

①, ②より 2 組の辺の比が等しく, そのはさむ角がそれぞれ等しいので, $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

[問題 2]

右の図は, $AB = 2AC$ の三角形で, D は辺 AB を 4 等分する点のうち A にもっとも近い点である。このとき, $\triangle ABC$ と $\triangle ACD$ が相似であることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

$AD = a$ とおくと, 仮定より $AB = 4a$

また, $AB = 2AC$ なので, $AC = 2a$

$\triangle ABC$ と $\triangle ACD$ において,

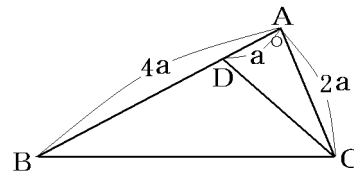
$\angle A$ は共通...①

$AB : AC = 4a : 2a = 2 : 1$

$AC : AD = 2a : a = 2 : 1$

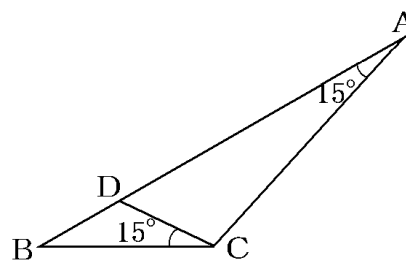
よって, $AB : AC = AC : AD$...②

①, ②より, 2 組の辺の比が等しく, そのはさむ角がそれぞれ等しいので,
 $\triangle ABC \sim \triangle ACD$



[問題 3]

相似な三角形の組をみつけ、それを証明しなさい



[解答欄]

[解答]

$\triangle BCD$ と $\triangle BAC$ において

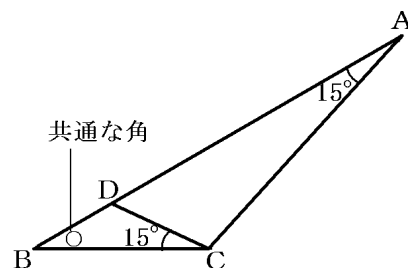
仮定より, $\angle BCD = \angle BAC \cdots \textcircled{1}$

$\angle B$ は共通 $\cdots \textcircled{2}$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ より 2 組の角がそれぞれ等しいので,

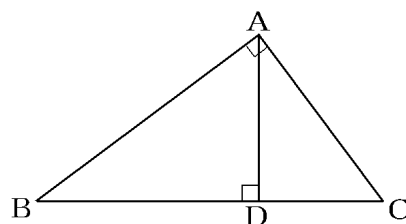
$\triangle BCD \sim \triangle BAC$

* 三角形の相似の証明問題で、もっともよく使われる相似条件が「2 組の角がそれぞれ等しい」
与えられた条件から等しいことが分かる角を図に記入, また共通に使われている角があるときには、
それにも印をつける。



[問題 4]

右の図のように, $\angle A$ を直角とする直角三角形 ABC がある。頂点 A から辺 BC に垂線をひき, 辺 BC との交点を D とするとき, $\triangle ABD \sim \triangle CAD$ であることを証明せよ。



[解答欄]

[解答]

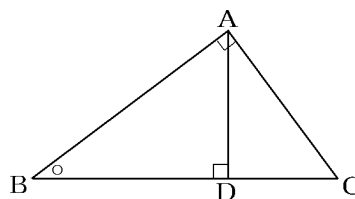
$\triangle ABC$ と $\triangle DBA$ において,

$\angle B$ は共通。

$\angle BAC = \angle BDA = 90^\circ$

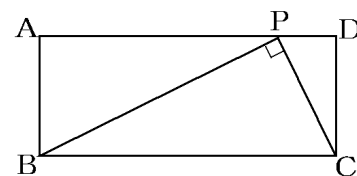
2 組の角がそれぞれ等しいので,

$\triangle ABC \sim \triangle DBA$



[問題 5]

長方形 ABCD がある。辺 AD 上に $\angle BPC = 90^\circ$ となるような点 P をとったとき、 $\triangle ABP \sim \triangle DPC$ となることを証明しなさい。



[解答欄]

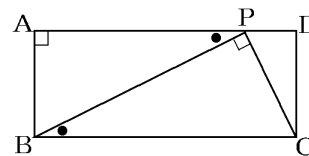
$\triangle ABP$ と $\triangle PCB$ において、

$$\angle BAP = \angle CPB = 90^\circ \cdots \textcircled{1}$$

AD // BC で、平行線の錯角は等しいので、

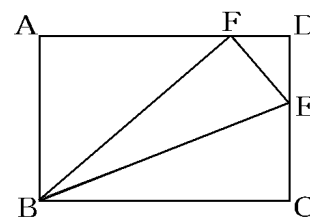
$$\angle APB = \angle PBC \cdots \textcircled{2}$$

①、②より、2組の角がそれぞれ等しいので、 $\triangle ABP \sim \triangle PCB$



[問題 6]

長方形 ABCD の CD 上に E をとり、BE を折り目にして C が AD 上にくるように折り返した。この点を F とするとき、 $\triangle ABF$ と $\triangle DFE$ が相似になることを証明せよ。



[解答欄]

$\triangle ABF$ と $\triangle DFE$ において、

$$\angle BAF = \angle FDE = 90^\circ \cdots \textcircled{1}$$

$$\triangle ABF \text{ で、} \angle ABF + \angle AFB = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ \cdots \textcircled{2}$$

AFD は 1 直線上にあるので、

$$\angle DFE + \angle AFB = 180^\circ - \angle BFE$$

BE を折り目にして折り返しているので、 $\angle BFE = \angle BCE = 90^\circ$

$$\text{よって、} \angle DFE + \angle AFB = 180^\circ - \angle BFE = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ \cdots \textcircled{3}$$

$$\textcircled{2}, \textcircled{3} \text{ より、} \angle ABF = \angle DFE \cdots \textcircled{4}$$

①、④より、2組の角がそれぞれ等しいので、

$$\triangle ABF \sim \triangle DFE$$

